

---

**PRZYKŁADOWY ARKUSZ  
EGZAMINACYJNY Z MATEMATYKI**

**POZIOM PODSTAWOWY**

**Czas pracy: 170 minut**

**Instrukcja dla zdającego**

1. Sprawdź, czy arkusz zawiera 11 stron.
2. W zadaniach od 1. do 21. są podane 4 odpowiedzi: A, B, C, D, z których tylko jedna jest prawdziwa. Wybierz tylko jedną odpowiedź.
3. Rozwiązania zadań od 22. do 31. zapisz starannie i czytelnie w wyznaczonych miejscach. Przedstaw swój tok rozumowania prowadzący do ostatecznego wyniku.
4. Pisz czytelnie. Używaj długopisu/pióra tylko z czarnym tuszem/atramentem.
5. Nie używaj korektora. Błędne zapisy przekreśl.
6. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie podlegają ocenie.
7. Obok numeru każdego zadania podana jest maksymalna liczba punktów możliwych do uzyskania.
8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora.

Za rozwiązanie  
wszystkich zadań  
można otrzymać  
łącznie **50 punktów**.

*Życzymy powodzenia!*





## ZADANIA ZAMKNIĘTE

W zadaniach od 1. do 21. wybierz i zaznacz na karcie odpowiedzi jedną poprawną odpowiedź.

**Zadanie 1. (1 pkt)**

Liczbą większą od 1 jest liczba:

A.  $2^{-\frac{1}{2}}$

B.  $2^{-1}$

C.  $\left(-\frac{1}{2}\right)^{-2}$

D.  $(-2)^{-3}$

**Zadanie 2. (1 pkt)**

Cenę pewnego towaru obniżono najpierw o 20%, a potem o 30%. Początkowa cena została więc ostatecznie obniżona o  $p\%$ . Wynika stąd, że:

A.  $p = 44$

B.  $p = 50$

C.  $p = 56$

D.  $p = 60$

**Zadanie 3. (1 pkt)**

W zbiorze  $\left\{0, (28), \sqrt{7}, \sqrt[3]{64}, \frac{2}{3}, \pi^2, \sqrt{1+9}\right\}$ :

A. jest dokładnie 1 liczba wymierna

B. są dokładnie 2 liczby wymierne

C. są dokładnie 3 liczby wymierne

D. są dokładnie 4 liczby wymierne

**Zadanie 4. (1 pkt)**

Liczba  $\log_2 3$  należy do przedziału:

A.  $(0, 1)$

B.  $(1, 2)$

C.  $(2, 3)$

D.  $(3, 4)$

**Zadanie 5. (1 pkt)**

Jeśli  $A = \langle -6, 4 \rangle$ ,  $B = (0, 4)$ , to różnica  $A \setminus B$  jest zbiorem:

A.  $\langle -6, 0 \rangle$

B.  $(-6, 0)$

C.  $\langle -6, 0 \rangle \cup \{4\}$

D.  $\langle -6, 0 \rangle \cup \{4\}$

**Zadanie 6. (1 pkt)**

Liczby  $(-13)$  i  $(-5)$  są rozwiązaniami równania:

A.  $|x+9|=4$

B.  $|x-9|=4$

C.  $|x-4|=9$

D.  $|x+4|=9$

**Zadanie 7. (1 pkt)**

Wyrażenie  $W = x^3 - 8$  jest równe:

A.  $(x^2 - 4)(x + 2)$

B.  $(x - 2)(x^2 + 2x + 4)$

C.  $(x^2 - 2)(x + 4)$

D.  $(x + 2)(x^2 - 2x + 4)$

**Zadanie 8. (1 pkt)**

Jeśli funkcja  $f$  określona jest wzorem  $f(x) = \begin{cases} 2x + 3 & \text{dla } x < -10 \\ 5 & \text{dla } -10 \leq x < -3, \\ -x^2 + 1 & \text{dla } x \geq -3 \end{cases}$  to:

A.  $f(-3) = -3$

B.  $f(-3) = 5$

C.  $f(-3) = -8$

D.  $f(-3) = 10$

**Zadanie 9. (1 pkt)**

Zbiór  $(-\infty, -2) \cup \langle 5, +\infty)$  jest rozwiązaniem nierówności:

A.  $(x + 2)(5 - x) \geq 0$

B.  $(x - 2)(5 + x) \geq 0$

C.  $(x + 2)(5 - x) \leq 0$

D.  $(x - 2)(5 + x) \leq 0$

**Zadanie 10. (1 pkt)**Rozwiązaniem nierówności  $|x| \leq 0$  jest:

- A.  $x = 0$                       B.  $x = 1$                       C.  $x \in R$                       D.  $x \in \emptyset$

**Zadanie 11. (1 pkt)**Funkcja  $f(x) = 2x^2 + bx + 5$  maleje w przedziale  $(-\infty, 3)$  i rośnie w przedziale  $(3, +\infty)$ . Wynika stąd, że:

- A.  $b = -6$                       B.  $b = 6$                       C.  $b = -12$                       D.  $b = 12$

**Zadanie 12. (1 pkt)**Miejscem zerowym funkcji  $f(x) = (2m + 1)x - 9$  jest liczba  $(-3)$ . Wynika stąd, że:

- A.  $m = 2$                       B.  $m = -2$                       C.  $m = -3$                       D.  $m = 3$

**Zadanie 13. (1 pkt)**Dany jest ciąg  $(a_n)$  określony wzorem  $a_n = \frac{n+12}{n}$ . Liczba całkowitych wyrazów tego ciągu jest równa:

- A. 6                      B. 4                      C. 3                      D. 2

**Zadanie 14. (1 pkt)**

Dany jest ciąg arytmetyczny o pierwszym wyrazie 5 i różnicy 3. Wyraz ogólny ciągu wyraża się wzorem:

- A.  $a_n = 5n + 3$                       B.  $a_n = 3n + 5$                       C.  $a_n = 3n + 2$                       D.  $a_n = 2n + 3$

**Zadanie 15. (1 pkt)**Liczby  $(x - 5, x, x + 6)$  tworzą ciąg geometryczny dla:

- A.  $x = -30$                       B.  $x = 30$                       C.  $x = 0$                       D.  $x = 5$

**Zadanie 16. (1 pkt)**Jeśli  $\alpha$  jest kątem ostrym i  $\sin \alpha = 2\sqrt{3} - 3$ , to  $\cos \alpha$  jest równy:

- A.  $\sqrt{3}$                       B.  $\sqrt{21}$                       C.  $\sqrt{21 - 12\sqrt{3}}$                       D.  $\sqrt{12\sqrt{3} - 20}$

**Zadanie 17. (1 pkt)**Dany jest trójkąt prostokątny  $ABC$  o kącie prostym przy wierzchołku  $C$ . Jeśli  $|AC| = 12, |AB| = 13$ , to tangens najmniejszego kąta w tym trójkącie jest równy:

- A.  $\frac{12}{13}$                       B.  $\frac{5}{13}$                       C.  $\frac{5}{12}$                       D.  $\frac{12}{5}$

**Zadanie 18. (1 pkt)**Pole trójkąta równobocznego wpisanego w okrąg o promieniu  $R = 4\sqrt{3}$  jest równe:

- A.  $36\sqrt{3}$                       B.  $72\sqrt{3}$                       C.  $16\sqrt{3}$                       D.  $9\sqrt{3}$

**Zadanie 19. (1 pkt)**Prosta  $l$  jest styczna do okręgu o środku  $O$  w punkcie  $A$ ,  $AB$  jest cięciwą okręgu,  $|\angle BOA| = 140^\circ$ . Wówczas kąt ostry między cięciwą  $AB$ , a prostą  $l$  jest równy:

- A.  $20^\circ$                       B.  $50^\circ$                       C.  $70^\circ$                       D.  $80^\circ$

**Zadanie 20. (1 pkt)**

Jeśli promień podstawy stożka zwiększymy dwukrotnie, a wysokość zmniejszymy dwukrotnie, to objętość stożka:

- A. nie zmieni się  
B. zwiększy się dwukrotnie  
C. zwiększy się czterokrotnie  
D. zwiększy się ośmiokrotnie

**Zadanie 21. (1 pkt)**

Średnia arytmetyczna danych z tabelki:

Wartość danej	-5	5	-8	8
Liczebność jest równa:	2	4	1	3

- A. 0  
B. 2,6  
C. 1  
D. -3

**ZADANIA OTWARTE**

Rozwiązania zadań o numerach od 22. do 31. należy zapisać w wyznaczonych miejscach pod treścią zadania.

**Zadanie 22. (2 pkt)**

Dany jest jeden koniec odcinka  $A = (-4, -7)$  i jego środek  $S = (5, -1)$ . Wyznacz współrzędne drugiego końca tego odcinka.

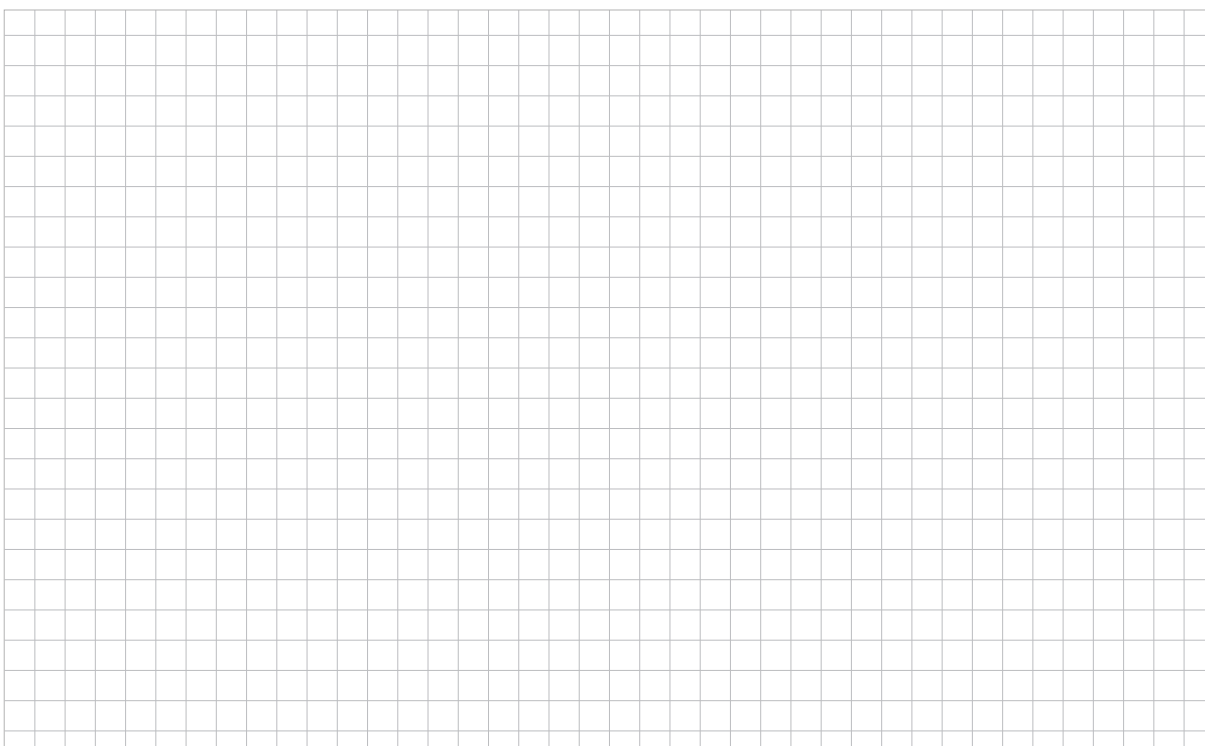


**Zadanie 23. (2 pkt)**

Dane są punkty  $A = (-2, -7)$ ,  $B = (-1, -4)$ ,  $C = (4, 11)$ . Wykaż, że punkty te są współliniowe.

**Zadanie 24. (2 pkt)**

Dane są proste o równaniach  $l: 4x + 2y - 5 = 0$ ,  $k: mx + 3y + 1 = 0$ . Wyznacz parametr  $m$ , tak aby te proste były prostopadłe.



**Zadanie 25. (2 pkt)**

Rozwiąż nierówność  $(2x - 3)^2 < (3x + 4)^2 - 5(x^2 - 4)$ .

**Zadanie 26. (2 pkt)**

Drugi wyraz ciągu arytmetycznego jest równy  $(-3)$ , dziesiąty wyraz jest równy 21. Wyznacz pierwszy wyraz i różnicę tego ciągu.



**Zadanie 27. (2 pkt)**

Narysuj wykres funkcji  $f(x) = 2^x - 3$  i podaj jej zbiór wartości.

**Zadanie 28. (2 pkt)**

Wykaż tożsamość  $\frac{\cos \alpha}{1 + \sin \alpha} + \operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{\cos \alpha}$ .





**Zadanie 29. (6 pkt)**

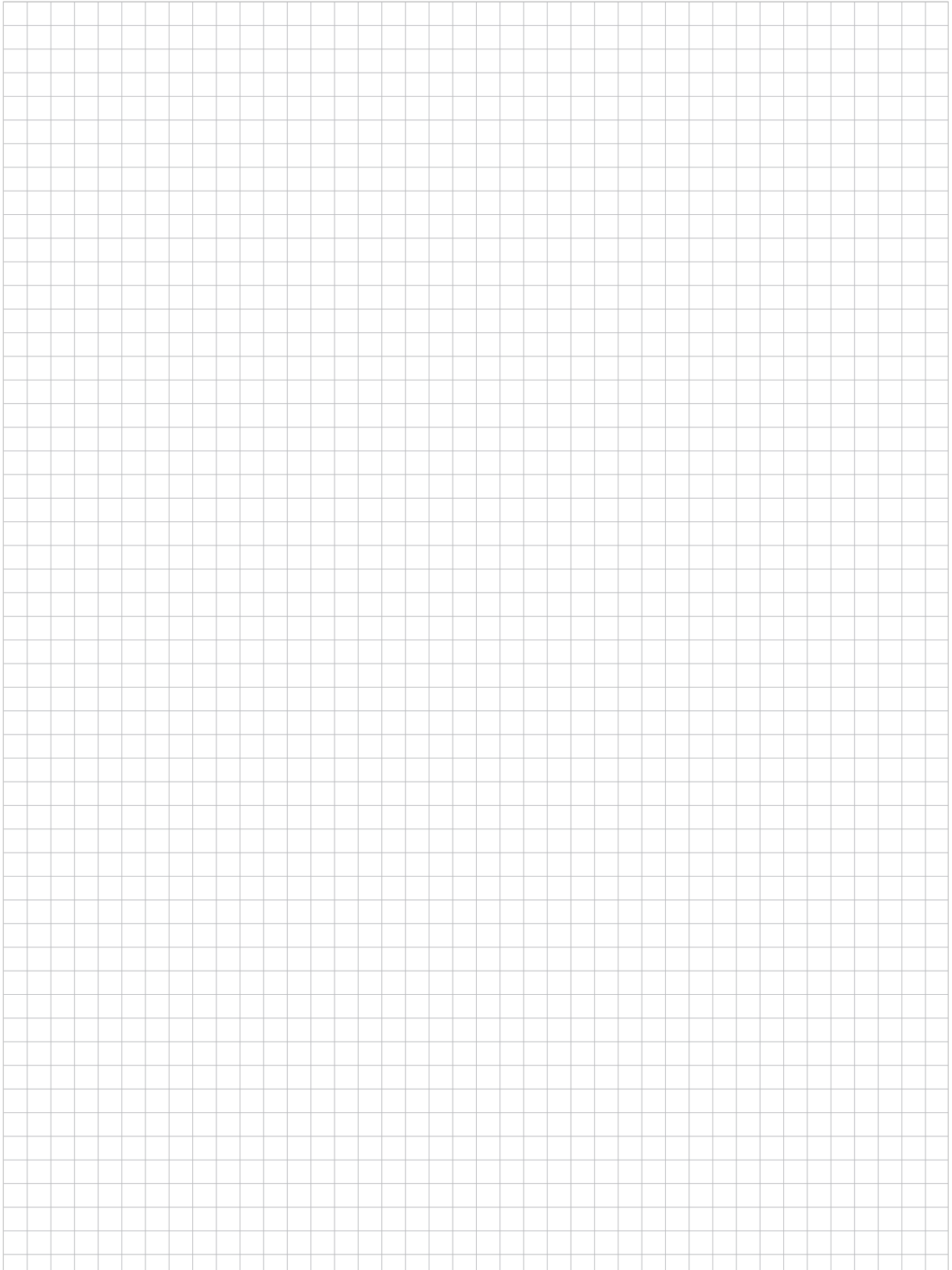
Bok rombu ma długość 13, suma długości przekątnych jest równa 34.

- Wyznacz pole rombu.
- Wyznacz sinus kąta ostrego rombu.



**Zadanie 30. (3 pkt)**

Marcin przeszedł z miejscowości  $A$  do odległej o 24 km miejscowości  $B$ . Gdyby zwiększył swoją prędkość o  $x$  kilometrów na godzinę, to szedłby 6 godzin, gdyby zaś zmniejszył swoją prędkość o  $x$  kilometrów na godzinę, to szedłby 8 godzin. Wyznacz rzeczywistą prędkość Marcina.



**Zadanie 31. (6 pkt)**

Przekątna prostopadłościanu ma długość 24 i tworzy z płaszczyzną jego podstawy kąt  $60^\circ$ . Jedna z krawędzi podstawy ma długość 8. Wyznacz objętość i pole powierzchni całkowitej tego prostopadłościanu.

